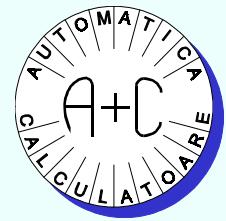




*Universitatea "Politehnica" din București*  
*Facultatea de Automatică & Calculatoare*



# Identificarea Sistemelor

• **Note de curs** •

**Dan Ștefănoiu**  
Profesor

[Danny@router.indinf.pub.ro](mailto:Danny@router.indinf.pub.ro)

<http://www.geocities.com/dandusus/Danny.html>

<http://www.geocities.com/aplimathes/SISP>



# Sumar

<b>Bibliografie .....</b>	<b>3</b>
<b>① Privire de ansamblu (obiect de studiu, problematică, experiment de identificare) .....</b>	<b>4</b>
<b>② Modele de identificare .....</b>	<b>48</b>
<b>②.① Scurtă clasificare .....</b>	<b>48</b>
<b>②.② Noțiuni de Statistică și Prelucrare de Semnal .....</b>	<b>51</b>
<b>②.③ Analiza modelelor neparametrice .....</b>	<b>84</b>
<b>②.④ Modele parametrice (clase uzuale, criterii de stabilitate) .....</b>	<b>93</b>
<b>③ Semnale de stimул .....</b>	<b>110</b>
<b>③.① Necesitatea stimulării corecte a proceselor .....</b>	<b>110</b>
<b>③.② Conceptul de persistență .....</b>	<b>114</b>
<b>③.③ Proprietăți ale semnalelor persistente .....</b>	<b>119</b>
<b>③.④ Clase de semnale persistente .....</b> <i>(semnale ideale, semnale practice, metode de generare)</i>	<b>120</b>
<b>④ Metode de identificare și validare .....</b>	<b>132</b>
<b>④.① Scurtă clasificare .....</b>	<b>132</b>
<b>④.② Metoda Celor Mai Mici Pătrate (MCMMMP) .....</b>	<b>133</b>
<b>④.③ Metoda Variabilelor Instrumentale (MVI) .....</b>	<b>160</b>
<b>④.④ Metode bazate pe optimizarea parametrilor (Newton-Raphson, Gauss-Newton) .....</b>	<b>166</b>

# Sumar

## (continuare)

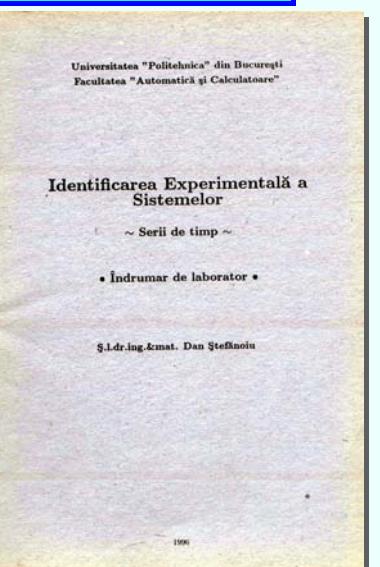
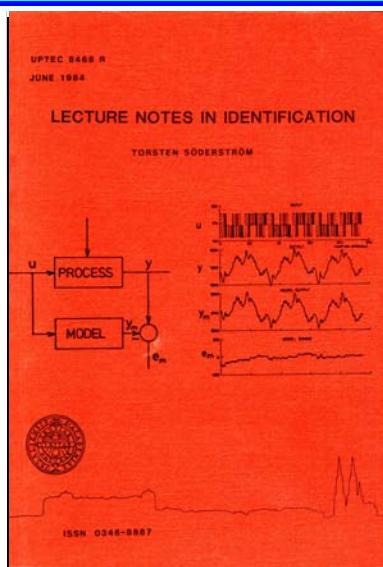
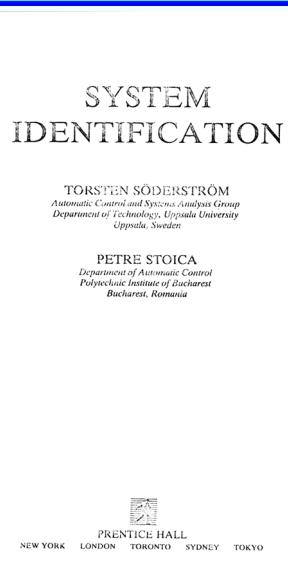
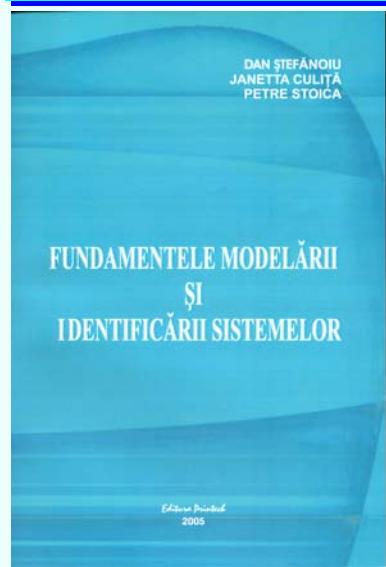
<b>④ Metode de identificare și validare (continuare) .....</b>	<b>132</b>
<b>④.⑤ Metoda Celor Mai Mici Pătrate Extinsă (MCMMPE) .....</b>	<b>177</b>
<b>④.⑥ Metoda Minimizării Erorii de Predicție (MMEP) .....</b>	<b>182</b>
<b>④.⑦ Metode bazate pe Teoria Estimației (Bayes, verosimilitatea maximă) .....</b>	<b>188</b>
<b>④.⑧ Identificarea și predicția proceselor auto-regresive .....</b>	<b>198</b>
(Metoda Yule-Walker-Wiener, Algoritmul Levinson-Durbin, predictorul optimal)	
<b>④.⑨ Metode adaptive de identificare .....</b>	<b>225</b>
(MCMMMP-R, MVI-R, utilizarea ferestrelor culisante, MCMMPPQR-R)	
<b>④.⑩ Estimarea structurii modelelor de identificare .....</b>	<b>253</b>
<b>④.⑪ Validarea modelelor de identificare .....</b>	<b>258</b>
<b>④.⑫ Deschidere către modele și metode de identificare avansate .....</b>	<b>262</b>
(estimarea modelelor de tip MIMO cu ajutorul MCMMMP, identificarea proceselor cu reacție, estimarea modelelor cu reprezentare pe stare folosind filtrul Kalman-Bucy)	
<b>⑤ Exerciții rezolvate .....</b>	<b>P1:P61</b>

# Bibliografie

Referință fundamentală



1. Ljung L. – *System Identification - Theory for the User*, Prentice Hall, Upper Saddle River, N.J., 2<sup>nd</sup> edition, 1999.
2. Söderström T. – *Lecture Notes in Identification*, Uppsala University Presss, Sweden, 1984.
3. Söderström T., Stoica P. – *System Identification*, Prentice Hall, London, UK, 1989.
4. Ștefănoiu D. – *Identificarea Experimentală a Sistemelor – Serii de Timp*, Tipografia Universității “Politehnica” din București, România, 1996.
5. Ștefănoiu D. – *Identificarea Experimentală a Sistemelor – Probleme de Seminar*, Tipografia Universității “Politehnica” din București, România, 1996.
6. Ștefănoiu D., Culită J., Stoica P. – *Fundamentele Modelării și Identificării Sistemelor*, Editura PRINTECH, București, România, 2005.
7. Ștefănoiu D., Matei I., Stoica P. – *Aspecte Practice în Modelarea și Identificarea Sistemelor*, Editura PRINTECH, București, România, 2004.



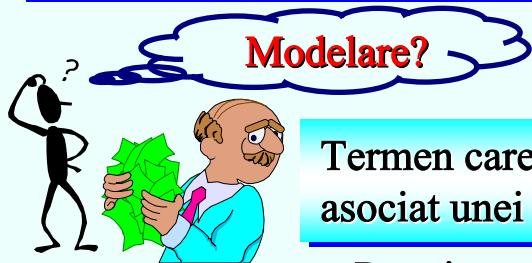
Curs & Examen

Teme de laborator

# 1 Privire de ansamblu

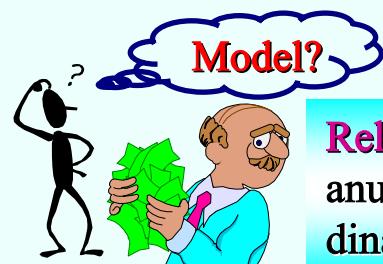
Obiectul de studiu al domeniului  
**Identificării Sistemelor (IS)**

Modelarea proceselor/sistemelor dinamice folosind **date experimentale** achiziționate în cursul exploatarii acestora.



Termen care se referă la **construcția și determinarea unui model matematic** asociat unei entități evolutive/dinamice cu structură necunoscută.

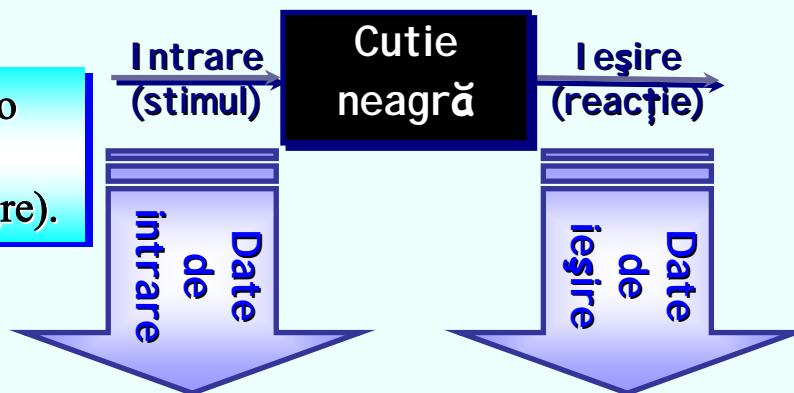
- Practic, entitatea este văzută ca o **cutie neagră** capabilă să ofere informații despre mecanismele care determină evoluția/dinamica acesteia, **dacă este stimulată corespunzător**.



**Relație matematică abstractă** care descrie cu o anumită acuratețe caracteristicile și/sau dinamica/funcționarea unei entități (cutii negre).

## Model de identificare

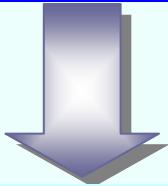
- Modelul de identificare constituie un fel de **carte de identitate** a entității studiate.
- Acesta reflectă **relația** dintre **intrarea** care stimulează entitate (de regulă un **proces** sau un **sistem**) și **ieșirea** care codifică reacția corespunzătoare a acelei entități.
- Construcția** modelelor de identificare se bazează pe **datele experimentale** furnizate de către cutia neagră.



## Model matematic

# 1 Privire de ansamblu

## Aplicații uzuale de identificare



- **simulare**, în vederea evidențierii caracteristicilor principale și/sau a comportamentului în diverse situații
- **recunoaștere de forme**
- **prelucrări de semnale**
- **predicție/prognoză**
- **diagnoză de defecte**
- **proiectare de sisteme automate de conducere sau reglare**

**IS este un domeniu cu deschidere către abordări interdisciplinare**



### O referire

### Tipuri de identificare

### Obiectivul cursului

### Identificare analitică



Determinarea parametrilor fizici ai proceselor.

- Se utilizează **legile fizico-chimice** de la baza dinamicii proceselor (ecuații de bilanț de masă/energie, ecuații de echilibru static și/sau dinamic, etc.) .

### Model analitic

### Identificare experimentală



Determinarea unor **parametri fără semnificații fizice**, care descriu comportamentul procesului **în jurul unui anumit punct de funcționare**.

### Model experimental

# 1 Privire de ansamblu

## Caracteristici ale modelelor de identificare experimentală

- ⊗ generalitate și validitate limitată la anumite clase de procese, semnale de stimул sau la anumite puncte de funcționare ale aceluiași proces;
- ⊗ interpretare fizică dificilă;
  - în majoritatea cazurilor, parametrii nu au semnificații fizice clare;
  - parametrii sunt utilizati ca instrumente menite să ușureze descrierea funcționării procesului;
- ☺ determinarea lor este adesea realizabilă prin **metode algoritmice**, ceea ce le conferă **eficiență și simplitate**.

## Scurt istoric al dezvoltării domeniului IS

- IS a apărut și s-a dezvoltat aproximativ odată cu Automatica, pe fondul **aplicațiilor de control automat**.
- Perioada cea mai prolifică: anii '70-'80.



Unul dintre fondatorii Facultății de Automatică și Calculatoare din București (1967)

# 1 Privire de ansamblu

## Coordonatele domeniului IS

↓ La intersecție.

### Metode de identificare

#### Bazate pe Teoria Optimizărilor (TO)

- ☺ Se pot finaliza prin **algoritmi implementabili** pe un mijloc automat de calcul.
- ☺ Permit analiza convergenței.
- ☹ Nu permit analiza consistenței (convergenței statistice).

#### Bazate pe Teoria Estimației (TE)

- ☹ Au caracter mai mult teoretic, fiind rareori implementabile pe un mijloc automat de calcul.
- ☹ Nu permit analiza convergenței.
- ☺ Permit analiza consistenței (convergenței statistice).

- Metoda principală:

**Metoda Celor Mai Mici Pătrate (MCMMP).**

### Modele (matematice) de identificare

#### Neparametrice

- Descrieri calitative (**analize**) preliminare ale proceselor.
- Date statistice referitoare la evoluția/dinamica proceselor .
- 4 tipuri de analize (în timp și în frecvență).

#### Parametrice

- Conceptul central: **parametrul**.
- Organizate în clase (**ARMAX**, **RSISO**, cu reprezentare pe stare, etc.).

### Semnale de stimul

- Conceptul central: **persistența**.
- Semnalul ideal: **zgomotul alb**.
- Semnalul practic: **pseudo-aleator (binar)**.

# 1 Privire de ansamblu

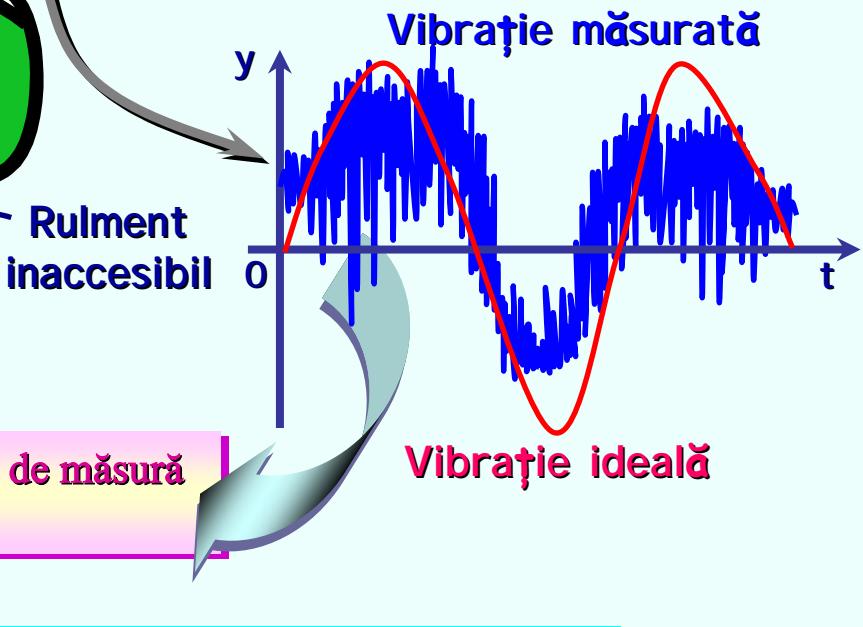
Probleme practice ridicate de identificarea unui proces

- >Selectarea mărimilor care trebuie și pot fi măsurate.



- Principalul inconvenient: **mărimile care trebuie măsurate nu sunt direct accesibile pentru amplasarea senzorilor corespunzători.**

Măsurările trebuie efectuate **indirect**, prin amplasarea senzorilor **în locul accesibil cel mai apropiat de zona ce trebuie identificată**.



- Datele măsurate sunt afectate de zgomote de măsură și interferențe.

În absența unor tehnici de **deparazitare a datelor** (atenuare a zgomotelor și interferențelor), **modelul de identificare rezultat este adesea inadecvat**.