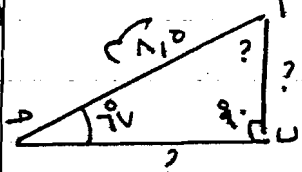
إعداد: أ. عائشة بامهرة

حل المثلث القائم ؟



∴ أ جـ ب مثلث قائم في ب

∴ ق(أ) = ٩٠° - ٦٧° = ٢٣°

∴ جا جـ = ض. المقابل / الوتر = أ ب / أ جـ

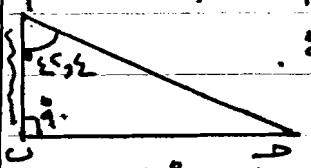
∴ جا ٦٧° = أ ب / ٨,١٥ ← أ ب = جا ٦٧° × ٨,١٥

= ٧,٨ سم

∴ (ب جـ)² = (أ جـ)² - (أ ب)² = (٨,١٥)² - (٧,٨)² ≈ ٣٣

---

١ حل المثلث أ ب جـ القائم في ب ؟



ق(جـ) = ٩٠° - ٤٣,٤° = ٤٦,٦°

جا أ = ب جـ / أ جـ ← ب جـ = ظا ٤٣,٤° × ١٢

∴ ب جـ ≈ ١١ سم

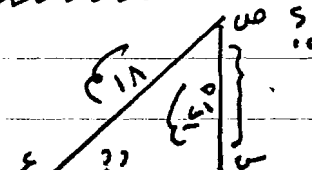
(أ جـ)² = (أ ب)² + (ب جـ)²

= (١٢)² + (١١)² = ١٤٤ + ١٢١ = ٢٦٥

∴ أ جـ = √٢٦٥ = ١٦,٣ سم

---

٢ حل المثلث س ص ع القائم في ص ؟



(س ع)² = (ص ع)² - (س ص)²

= (١٨)² - (١٥)²

= ٣٢٤ - ٢٢٥ = ١٥٦,٧٥

∴ س ع = √١٥٦,٧٥ ≈ ١٣ سم

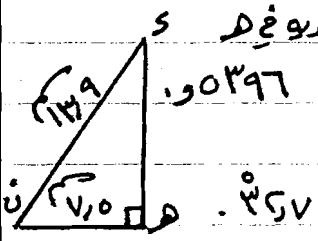
∴ ظا ص = ض. المقابل / الوتر = س ع / ص ع = ١٣ / ١٨ = ٠,٧٢٢٢

∴ ق(ص) = ٣٦,٠٤° ≈ ٣٦°

ق(ع) = ٩٠° - ٣٦° = ٥٤°

---

٤ حل المثلث ك هـ ن القائم الزاوية في هـ



جتا ن = هـ ن / ك ن = ٧,٥ / ١٣,٩ ≈ ٠,٥٣٩٦

∴ ق(ن) = ٥٧,٣° ≈ ٥٧°

ق(ك) = ٩٠° - ٥٧,٣° ≈ ٣٢,٧°

(ك هـ)² = (ك ن)² - (هـ ن)²

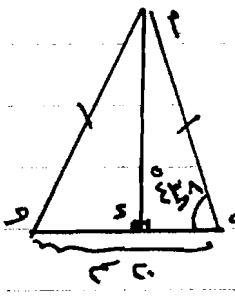
= (١٣,٩)² - (٧,٥)² = ١٩٣,٢١ - ٥٦,٢٥

= ١٣٥,٩٦

∴ ك هـ ≈ ١١,٧ سم

---

٥ إذا كان أ ب جـ مثلث متطابق الساقين، أ ب = أ جـ، ق(ب) = ٤٣,٨°، ب جـ = ٢٠ سم. أوجد: طول أ ب إلى أقرب سم.



∵ أ ب جـ مثلث متطابق الساقين

∴ أ س ⊥ ب جـ ويُنصفه

∴ ب س = ١٠ سم

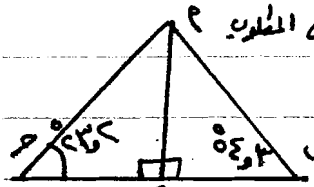
في Δ أ ب س القائم في س:

جتا ب = ض. المجاور / الوتر = ب س / أ ب

∴ جتا ٤٣,٨° = ١٠ / أ ب ← أ ب = ١٠ / جتا ٤٣,٨° ≈ ١٣,٨ / ٠,٧١٩ سم

---

٦ أ ب جـ مثلث حاد الزوايا، المطلوب إيجاد طول ب جـ لأقرب سم



∵ أ س ⊥ ب جـ ∴ Δ أ س جـ قائم في س، ق(أ) = ٩٠° - ٥٤,٣° = ٣٥,٧°

ظا أ = ض. المقابل / ض. المجاور = ب س / أ س ← ظا ٣٥,٧° = ب س / ١٢

∴ ب س = ظا ٣٥,٧° × ١٢ ≈ ٠,٧٢ × ١٢ ≈ ٨,٦ سم

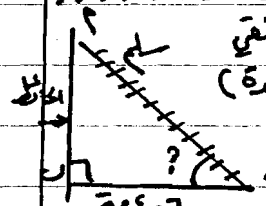
في Δ أ ب س: ظا ب = ض. المقابل / ض. المجاور ← ظا ٣٧,٢° = ٨,٦ / ب س

∴ ب س = ٨,٦ / ظا ٣٧,٢° ≈ ٨,٦ / ٠,٧٦ ≈ ١١ سم

∴ ب جـ = ب س + س جـ = ٨,٦ + ١١ = ١٩,٦ سم

---

٧ قياس الزاوية التي يصنعها السلم مع الأفقي (مقربًا الناتج إلى منزلة عشرية واحدة)

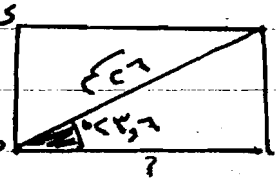


∵ جتا جـ = ض. المجاور / الوتر = ب جـ / أ جـ

= ٤,٦ / ١٠ = ٠,٤٦ ، ∴ ق(جـ) = ٦٣°

---

٨ أ ب = ؟ ، ب جـ = ؟



في Δ أ ب جـ القائم في ب:

جا (أ جـ) = ض. المقابل / الوتر = أ ب / أ جـ

∴ جا ٢٣,٦° = أ ب / ٢٦

أ ب = جا ٢٣,٦° × ٢٦ = ١٠ سم

جتا (أ جـ) = ض. المجاور / الوتر

جتا ٢٣,٦° = ب جـ / ٢٦

ب جـ = جتا ٢٣,٦° × ٢٦ ≈ ٠,٩١٧ × ٢٦ ≈ ٢٤ سم