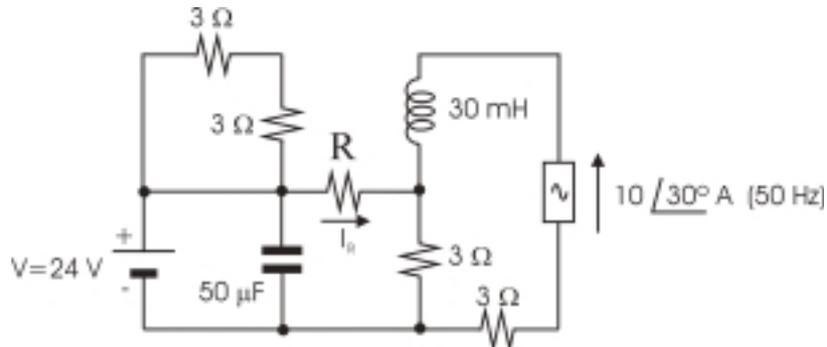


En el circuito de la figura:

- 1.- Calcular el valor instantáneo de la corriente que circula por la resistencia  $R$ , según la dirección y sentido indicado en la figura, cuando su valor es de  $3 \Omega$ .
- 2.- Manteniendo el valor de  $R$  obtener el valor de la potencia activa disipada por la misma.



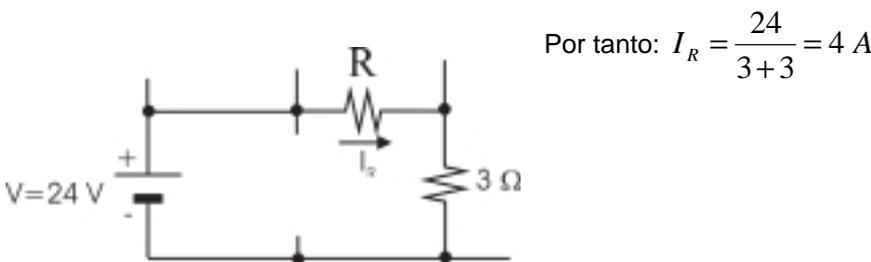
**SOLUCIÓN:**

- 1.-  $i(t) = 4 + 5 \sqrt{2} \text{ sen } (100 \pi t - 150^\circ)$
- 2.-  $P = 123 \text{ W}$

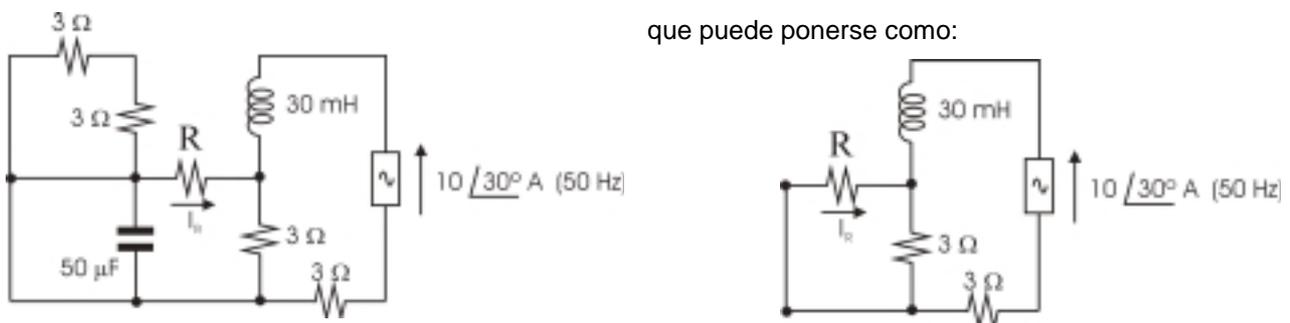
**RESOLUCIÓN:**

1.- Por el teorema de superposición:

- Para el generador de corriente continua, el circuito se simplifica al mostrado en la figura.



- Para el generador de corriente alterna se simplifica en la forma:



Así se tiene que:  $I_R = -\frac{10 \angle 30^\circ}{2} = -5 \angle 30^\circ = 5 \angle -150^\circ \text{ A}$ , por tanto el resultado será:

$i(t) = 4 + 5 \sqrt{2} \text{ sen } (100 \pi t - 150^\circ)$

2.- La potencia activa total será la suma de las potencias activas debidas a las dos fuentes, por tanto:  $P = R I_{R(cc)}^2 + R I_{R(ca)}^2$ , así,  $P = 3 (16 + 25) = 123 \text{ W}$ .

Un generador monofásico ideal de características nominales: 220 V, 50 Hz, 15 KVA alimenta, a través de una línea de impedancia  $1+j \Omega$ , dos cargas inductivas conectadas en paralelo. La primera carga absorbe 2.850 W y 3.800 VAR de potencia activa y reactiva respectivamente, y la segunda carga consume 1.335 W de potencia activa con un factor de potencia de 0'53.

Determinar la resistencia y reactancia de la impedancia que conectada en paralelo con las anteriores hace que el generador suministre su potencia nominal con un factor de potencia de 0'9 en retraso.

**SOLUCIÓN:**

$$Z_3 = 2'81 \angle -23'57^\circ = 2'57 - j1'12 \Omega$$


---

**RESOLUCIÓN:**

Sea  $I$  la corriente que suministra el generador cuando están conectadas sólo las dos primeras cargas.

$$P_g = 2850 + 1335 + 1xI^2 = 4185 + I^2$$

$$Q_g = 3800 + 2136 + 1xI^2 = 5936 + I^2$$

$$S_g = 220xI$$

Como  $S_g^2 = P_g^2 + Q_g^2$  se tiene que:  $I^4 - 14079 I^2 + 26375160'5 = 0$

Cuyas soluciones son:

- $I_g = 108'88$  A que no es válida, ya que para esta corriente se supera la capacidad del generador.
- $I_g = 47'17$  A

Triángulo de potencias de las dos cargas en paralelo:

$$P_{z_1+z_2} = 4.185 \text{ W}; Q_{z_1+z_2} = 5.936 \text{ VAR}_{(r)}; S_{z_1+z_2} = 7.262'94 \text{ VA}$$

por tanto:  $V_{z_1+z_2} = 154 \text{ V}$

Así, se tiene que:

$$2.850 = \frac{154^2}{Z_1} \cos\left(\arctg \frac{3.800}{2.850}\right) \Rightarrow Z_1 = 5 \angle 53'13^\circ = 3 + j4 \Omega$$

$$1.335 = \frac{154^2}{Z_{21}} \cos\left(\arctg \frac{2.136}{1.335}\right) \Rightarrow Z_2 = 9'42 \angle 58^\circ = 5 + j8 \Omega$$

La impedancia de ambas cargas en paralelo resulta:  $Z_1 // Z_2 = 1'88 + j2'67 = 3'27 \angle 54'811 \Omega$ .

Con todas las cargas conectadas, suministrando el generador su potencia nominal:

$$15.000 = 220 I' \Rightarrow I' = 68'18 \text{ A}$$

Por tanto el triángulo de potencias consumido por las tres cargas en paralelo será:

$$P_{z_1+z_2+z_3} = 13.500 - 68'18^2 = 8.851'24 \text{ W}$$

$$Q_{z_1+z_2+z_3} = 6.538'35 - 68'18^2 = 1889'84 \text{ VAR}_{(r)}$$

$$S_{z_1+z_2+z_3} = 9.050'69 \text{ VA}$$

Por tanto:  $V_{z_1+z_2+z_3} = \frac{9.050'69}{68'12} = 132'74 \text{ V}$

Así:

$$P_{z_3} = 8.851'24 - 40'59^2 \cdot 1'88 = 5.753'19 \text{ W}$$

$$Q_{z_3} = 1.889'59 - 40'59^2 \cdot 2'67 = 2.510'30 \text{ VAR}_{(a)}$$

$$S_{z_3} = 6.277'01 \text{ VA}$$

$$I_{z_3} = \frac{6.277'01}{132'74} = 47'29 \text{ A}$$

$$\text{Luego: } Z_3 = \frac{132'74}{47'29} = 2'81 \Omega \text{ y } \theta = -\arctan \frac{2.510'30}{5.753'19} = -23'57^\circ$$

$$\text{Por tanto: } Z_3 = 2'81 \angle -23'57^\circ = 2'57 - j1'12 \Omega$$

---

Ultima revisión: 04/01/02 - F Bugallo Siegel.